

# Algorithmique et structures de données

File de priorité - Fast marching

---

Nicolas Audebert

Mercredi 27 février 2019



File de priorité et tri par tas

Tri par tas

TP

On cherche à créer une file dont les éléments sont retirés en fonction de la **priorité** (un score) qui leur est attribué.

Il s'agit donc de maintenir une file triée (par ordre de priorité) lors de l'ajout ou de la suppression d'un élément.

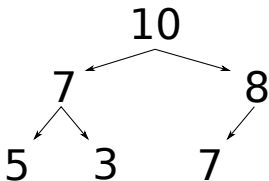
## Compromis

- I Accéder en  $\tilde{E}(1)$ , implique une insertion en  $\tilde{E}(^{\circ})$
- I Insérer en  $\tilde{E}(1)$ , implique un accès en  $\tilde{E}(^{\circ})$

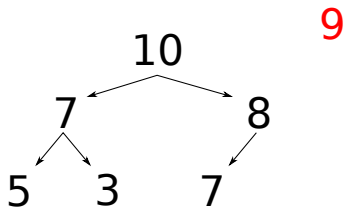
## Solution

On fait le choix d'une insertion et d'un accès en  $\tilde{E}(\log n)$ . On utilise pour ce faire une structure d'**arbre binaire** équilibré, i.e. un arbre dans lequel chaque noeud possède au plus 2 fils. On construit l'arbre de sorte que chaque parent a une priorité supérieure à celle de ses fils.

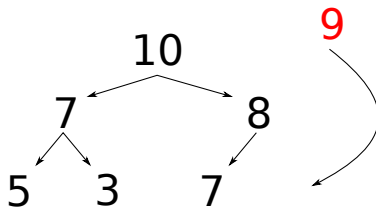
Le nouvel élément est inséré dans le sous-arbre de profondeur minimale, puis échangé avec ses parents si sa priorité est supérieure à la leur.



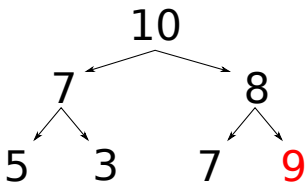
Le nouvel élément est inséré dans le sous-arbre de profondeur minimale, puis échangé avec ses parents si sa priorité est supérieure à la leur.



Le nouvel élément est inséré dans le sous-arbre de profondeur minimale, puis échangé avec ses parents si sa priorité est supérieure à la leur.

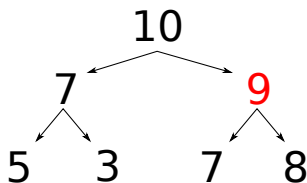


Le nouvel élément est inséré dans le sous-arbre de profondeur minimale, puis échangé avec ses parents si sa priorité est supérieur à la leur.

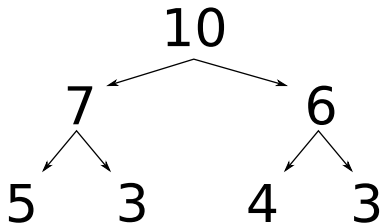




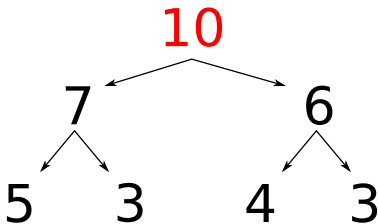
Le nouvel élément est inséré dans le sous-arbre de profondeur minimale, puis échangé avec ses parents si sa priorité est supérieure à la leur.



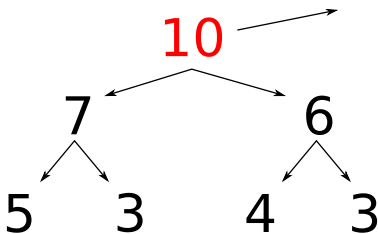
La racine de l'arbre est retirée. L'élément le plus profond est placé à la racine puis échangé avec son fils de priorité maximale si celle-ci est supérieure à la sienne.



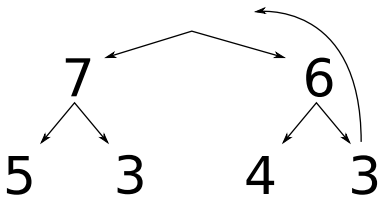
La racine de l'arbre est retirée. L'élément le plus profond est placé à la racine puis échangé avec son fils de priorité maximale si celle-ci est supérieure à la sienne.



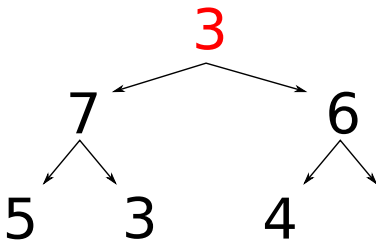
La racine de l'arbre est retirée. L'élément le plus profond est placé à la racine puis échangé avec son fils de priorité maximale si celle-ci est supérieure à la sienne.



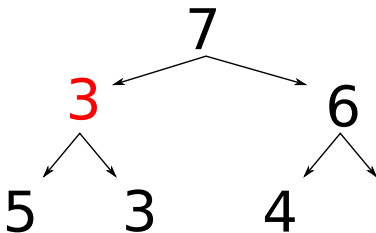
La racine de l'arbre est retirée. L'élément le plus profond est placé à la racine puis échangé avec son fils de priorité maximale si celle-ci est supérieure à la sienne.



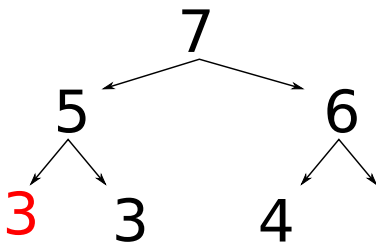
La racine de l'arbre est retirée. L'élément le plus profond est placé à la racine puis échangé avec son fils de priorité maximale si celle-ci est supérieure à la sienne.



La racine de l'arbre est retirée. L'élément le plus profond est placé à la racine puis échangé avec son fils de priorité maximale si celle-ci est supérieure à la sienne.



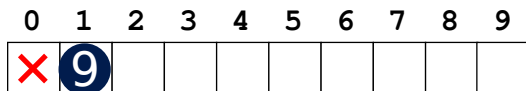
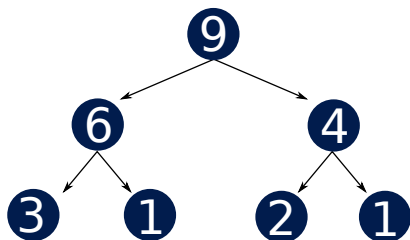
La racine de l'arbre est retirée. L'élément le plus profond est placé à la racine puis échangé avec son fils de priorité maximale si celle-ci est supérieure à la sienne.





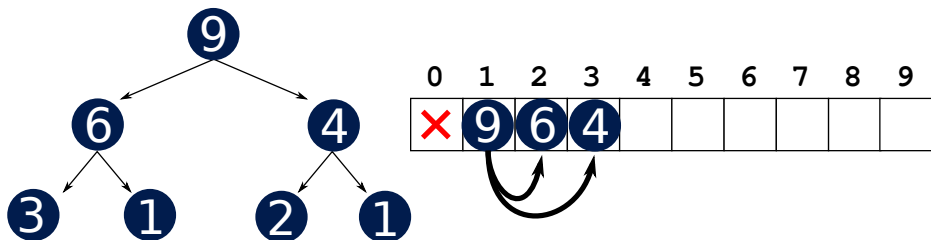
La file de priorité est stockée dans un tableau, construit de la façon suivante :

En commençant à l'indice 1, les fils du nœud sont placés aux indices  $2i$  et  $2i + 1$ .



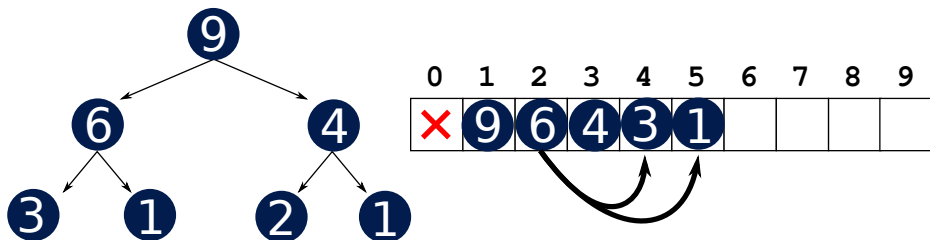
La file de priorité est stockée dans un tableau, construit de la façon suivante :

En commençant à l'indice 1, les fils du nœud sont placés aux indices  $2$  et  $2 + 1$ .



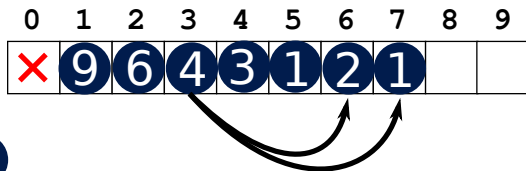
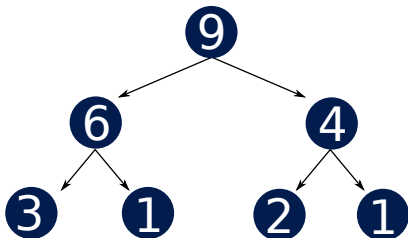
La file de priorité est stockée dans un tableau, construit de la façon suivante :

En commençant à l'indice 1, les fils du nœud sont placés aux indices  $2i$  et  $2i + 1$ .



La file de priorité est stockée dans un tableau, construit de la façon suivante :

En commençant à l'indice 1, les fils du nœud sont placés aux indices  $2i$  et  $2i + 1$ .



File de priorité et tri par tas

Tri par tas

TP

HeapSort remplit une file de priorité et puis retire les éléments un par un.

```
void HeapSort(std::vector<double> &v){
    FilePriorite f;
    for(int i=0; i<v.size(); i++){
        f.push(v[i]);
    }
    for(int i=0; i<v.size(); i++){
        v[i] = f.pop();
    }
}
```

HeapSort est un tri en  $\tilde{E}(o \log o)$  **dans tous les cas**. Cependant en comparaison à QuickSort, il utilise plus de mémoire et est plus long en moyenne.

En pratique, QuickSort est le tri le plus utilisé.

- I Tri :  $\tilde{E}(^o \log ^o)$
- I Recherche dans un tableau trié :  $\tilde{E}(\log ^o)$
- I Recherche dans un tableau non trié :  $\tilde{E}(^o)$



File de priorité et tri par tas

Tri par tas

TP

## TP

Deux parties :

- I Implémentation d'une file de priorité
- I Application au fast marching

## Calcul rapide de cartes de distances

